

Προσέγγιση

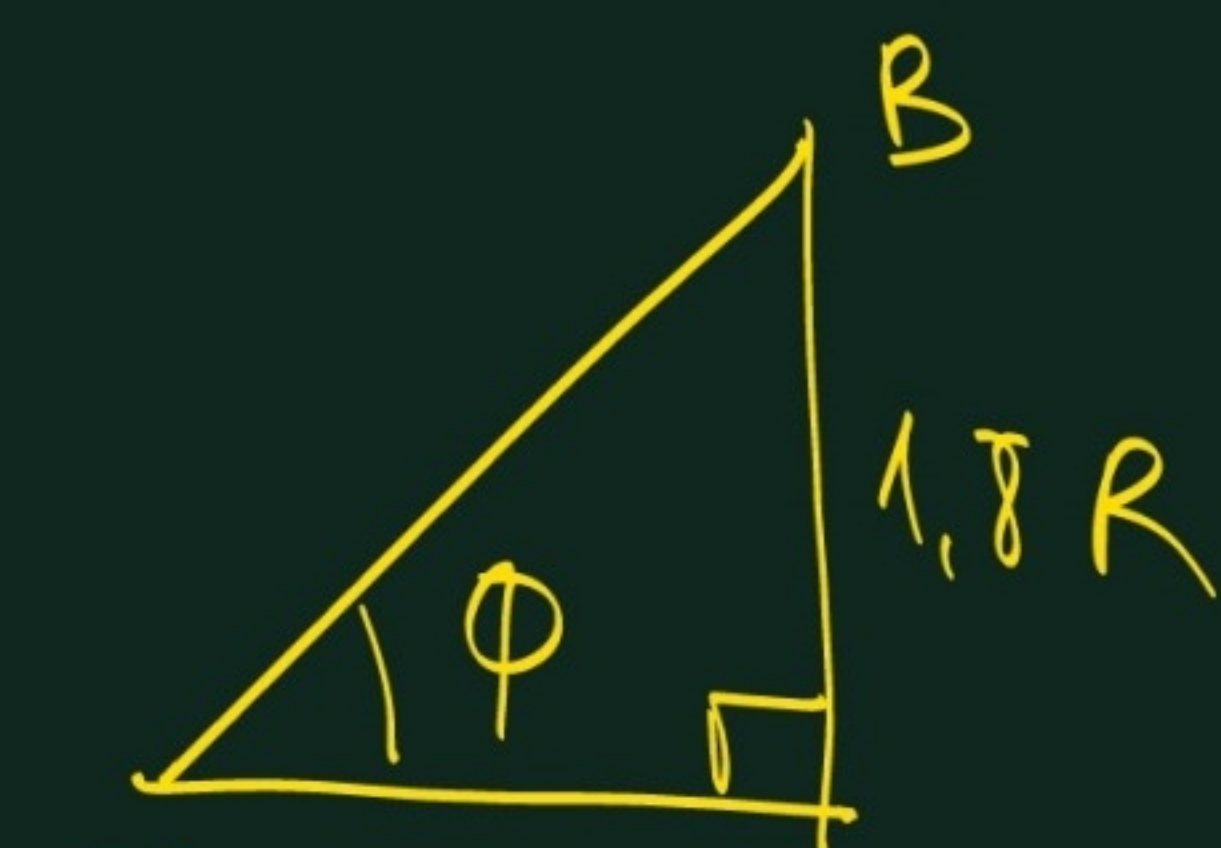
$$(1+x)^\alpha \approx 1+\alpha x$$

$$\alpha \in \mathbb{R}, \text{ και } |x| < 1$$

$$\text{Π.χ. } \sqrt{1+x} = (1+x)^{1/2} \approx$$

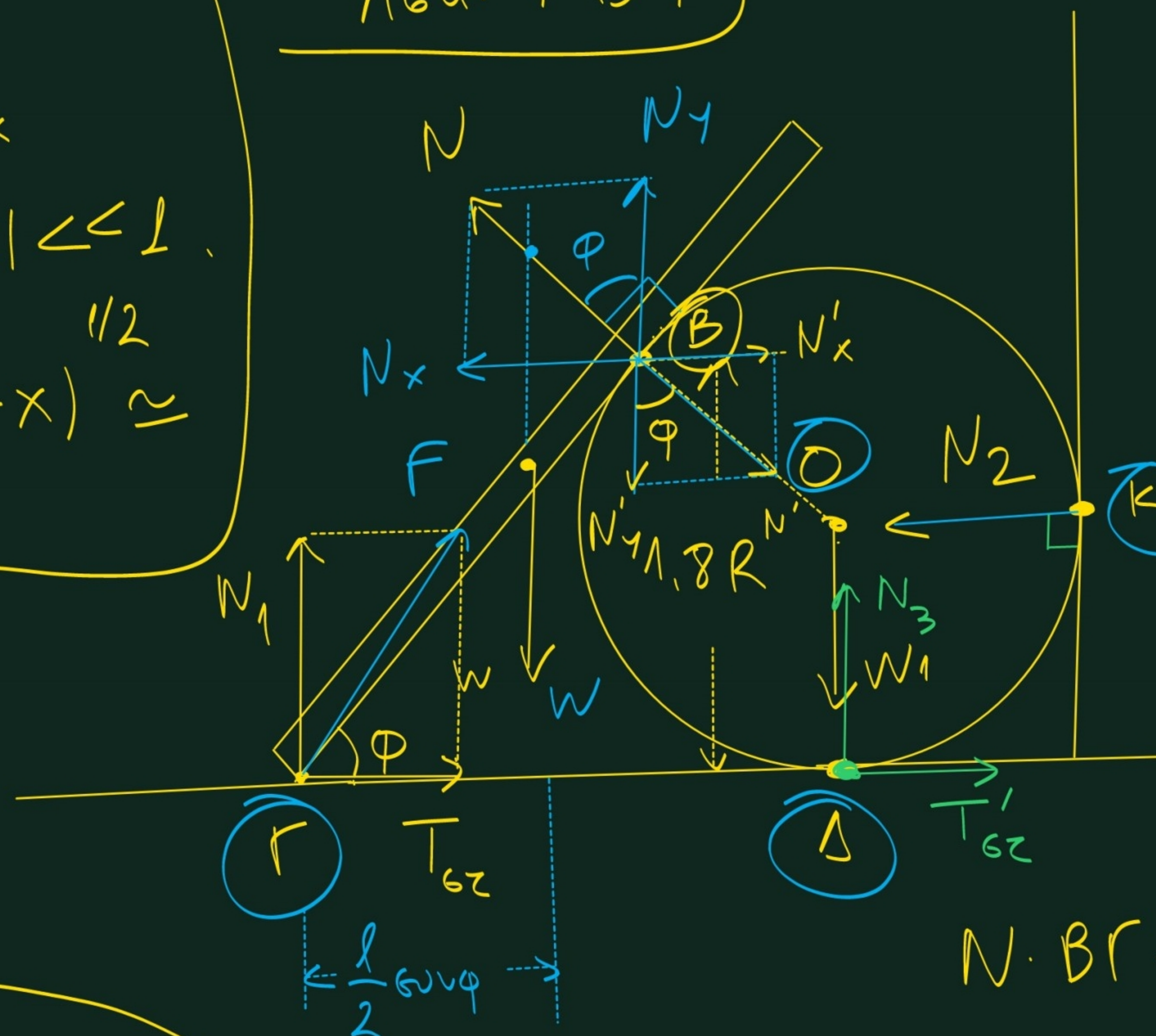
$$1 + \frac{x}{2}$$

$$\text{όπου } \alpha = \frac{1}{2}$$



$$\sin \varphi = \frac{1.8R}{BR} \Rightarrow 0.6 = \frac{1.8R}{BR} \Rightarrow BR = \frac{1.8R}{0.6} \Rightarrow BR = 3R$$

Αδ. 4.154



$$W_1 = 30 \text{ N}$$

$$W = 45 \text{ N}$$

$$L = 4 \text{ m}$$

$$\sin \varphi = 0.6$$

$$\cos \varphi = 0.8$$

α) Η σφαίρα είναι λεία, οπότε η δύναμη Ν είναι κάθετη στη ράβδο.

$$\sum \tau(r) = 0 \Rightarrow$$

$$\tau_N(r) + \tau_W(r) = 0 \Rightarrow$$

$$N \cdot BR - W \cdot \frac{L}{2} \cdot \sin \varphi = 0 \Rightarrow$$

$$N \cdot 3R - 45 \cdot \frac{4}{2} \cdot 0.8 = 0 \Rightarrow$$

γ) Παίρνουμε ισορροπία δυνάμεων για τη σφαίρα.

Το δάπεδο είναι τραχύ
αλλά η σφαίρα είναι λεία
οπότε $T_{\text{στ}}' = 0$

$$\sum F_x = 0 \Rightarrow N_x' - N_2 = 0 \Rightarrow$$

$$N' \sin \varphi - N_2 = 0 \Rightarrow N_2 = 25 \cdot 0,8 =$$

$$N_2 = \cancel{20\text{ N}} \quad 20\text{ N}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow N_3 - W_1 - N_y' = 0 \Rightarrow$$

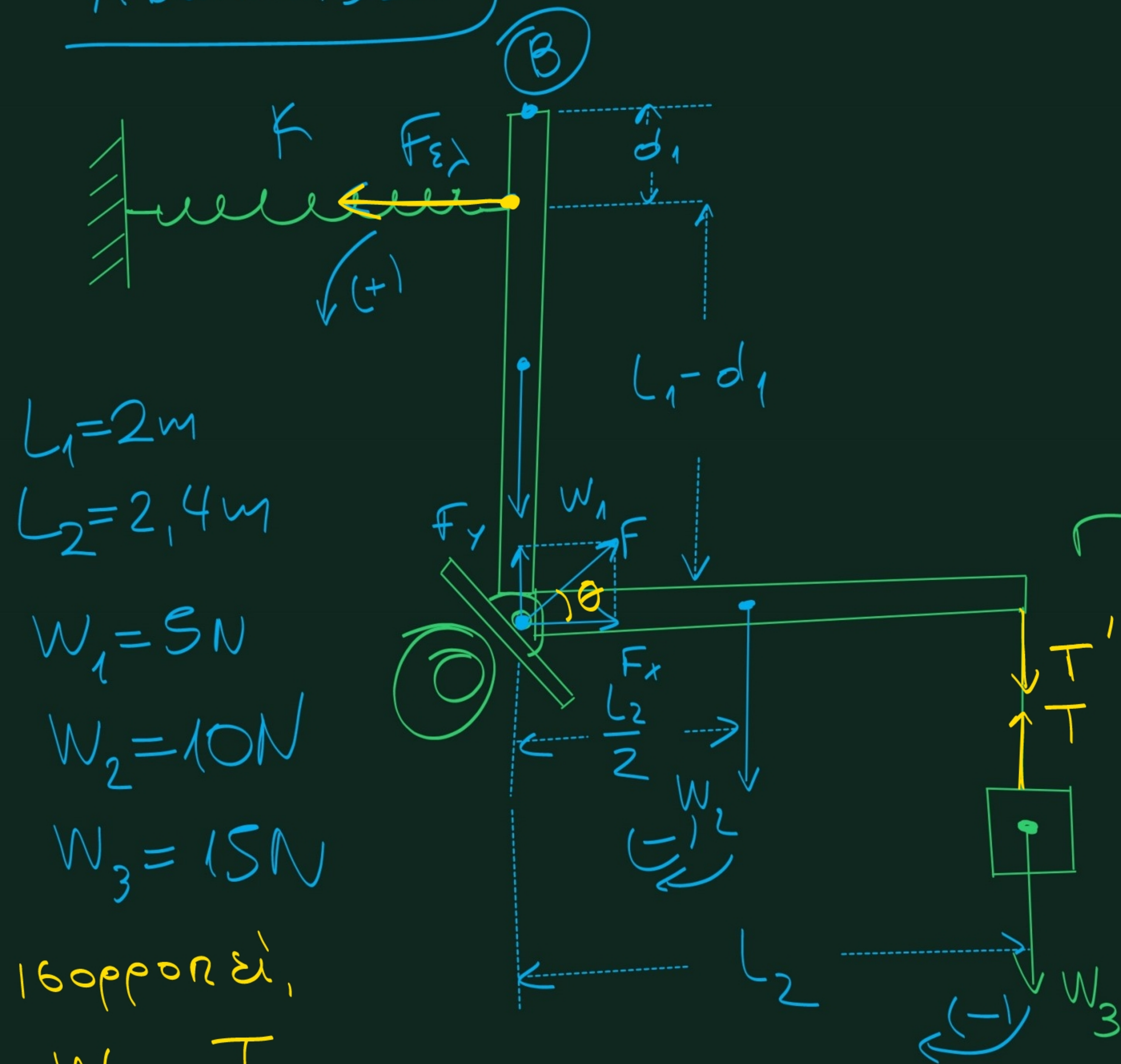
$$N_3 = W_1 + N' \cdot \cancel{\sin \varphi}^{\cos \varphi} =$$

$$N_3 = 30 + 25 \cdot 0,6 = \quad N_3 = \cancel{45\text{ N}}^{50}\text{ N}$$

$$N = N' = 25\text{ N} \text{ (δράση - αντίδραση)}$$

ή $3^{\text{ος}}\text{ NN}$

Αδ. 4.152.)



$$L_1 = 2\text{m}$$

$$L_2 = 2.4\text{m}$$

$$W_1 = 5\text{N}$$

$$W_2 = 10\text{N}$$

$$W_3 = 15\text{N}$$

Το W_3 ισορροπεί,
οπότε $W_3 = T$

και $T = T'$ επειδή το νήμα είναι γυμναστικό και αβαρές.

α) Παιρνουμε ισορροπία ροπών ως προς O
για το σύστημα των δύο ράβδων.

$$\sum \tau_{(O)} = 0 \Rightarrow \tau_{F_{\varepsilon\lambda}(O)} + \tau_{W_1(O)} + \tau_{W_2(O)} + \tau_{W_3(O)} + \tau_{F(O)} = 0 \Rightarrow$$

$$F_{\varepsilon\lambda}(L_1 - d_1) - W_2 \cdot \frac{L_2}{2} - W_3 \cdot L_2 = 0 \Rightarrow$$

$$F_{\varepsilon\lambda}(2 - 0.8) - 10 \cdot 1.2 - 15 \cdot 2.4 = 0 \Rightarrow$$

$$1.2 F_{\varepsilon\lambda} - 12 - 36 = 0 \Rightarrow 1.2 F_{\varepsilon\lambda} = 48 \Rightarrow$$

$$1.2 \cdot K \cdot \Delta l = 48 \Rightarrow \Delta l = \frac{48}{1.2 \cdot 200} \Rightarrow$$

$$\Delta l = \frac{48}{200} = \frac{1}{5} = \underline{\underline{0.2\text{m}}}$$

$$b) \Sigma F_x = 0 \Rightarrow F_x - f_{\text{sl}} = 0 \Rightarrow$$

$$F_x - k \cdot \Delta l = 0 \Rightarrow$$

$$F_x - 200 \cdot 0,2 = 0 \Rightarrow F_x = 40 \text{ N}$$

$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow F_y - W_1 - W_2 - T' = 0 \Rightarrow$$

$$F_y - W_1 - W_2 - W_3 = 0 \Rightarrow$$

$$F_y = 5 + 10 + 15 \Rightarrow$$

$$F_y = 30 \text{ N}$$

$$F^2 = F_x^2 + F_y^2 \Rightarrow$$

$$F^2 = 40^2 + 30^2 \Rightarrow$$

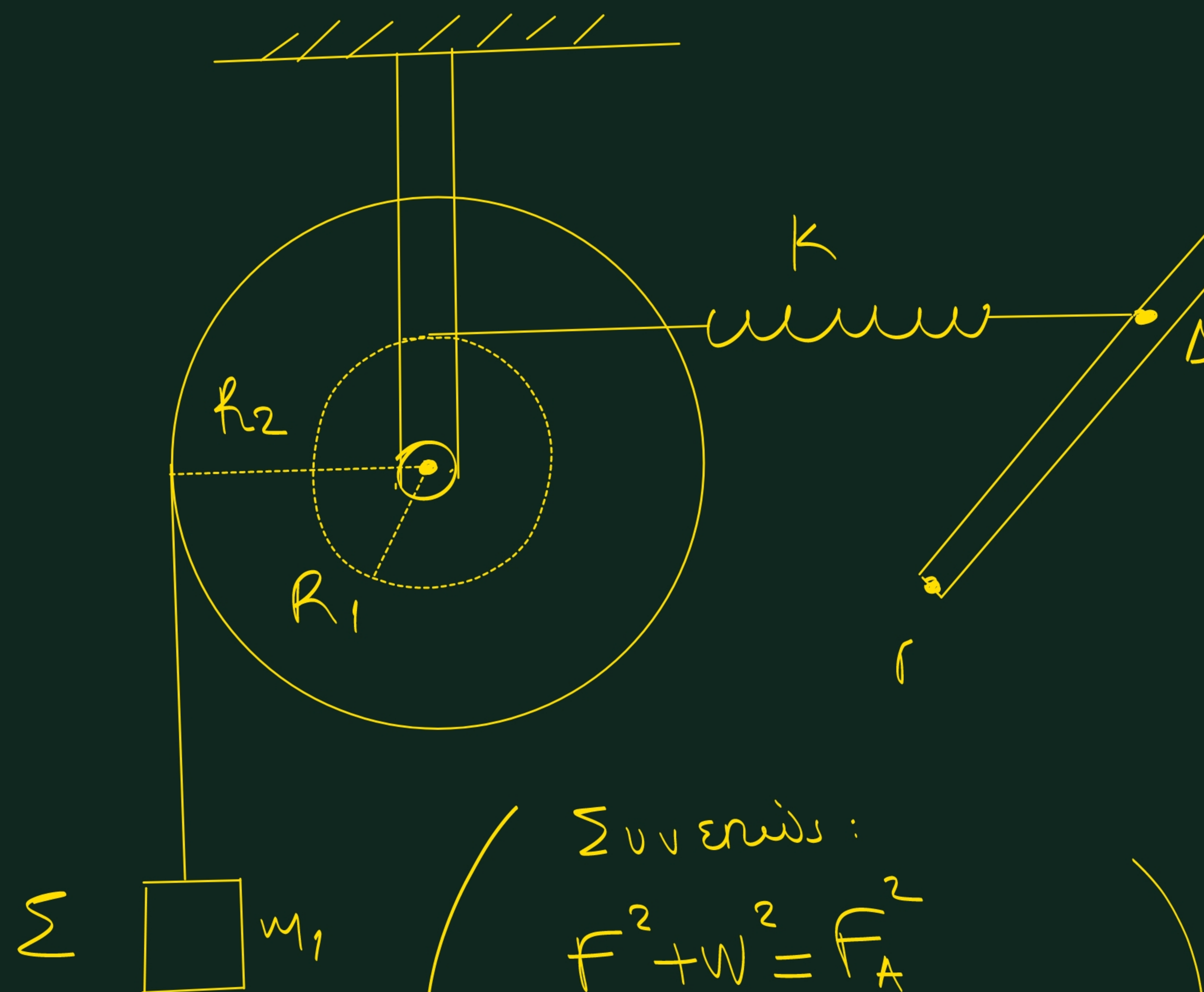
$$F^2 = 1600 + 900 = 2500 \Rightarrow$$

$$F = 50 \text{ N}$$

$$\text{und } \varepsilon \varphi \theta = \frac{F_y}{F_x} = \frac{30}{40} \Rightarrow$$

$$\varepsilon \varphi \theta = \frac{3}{4}$$

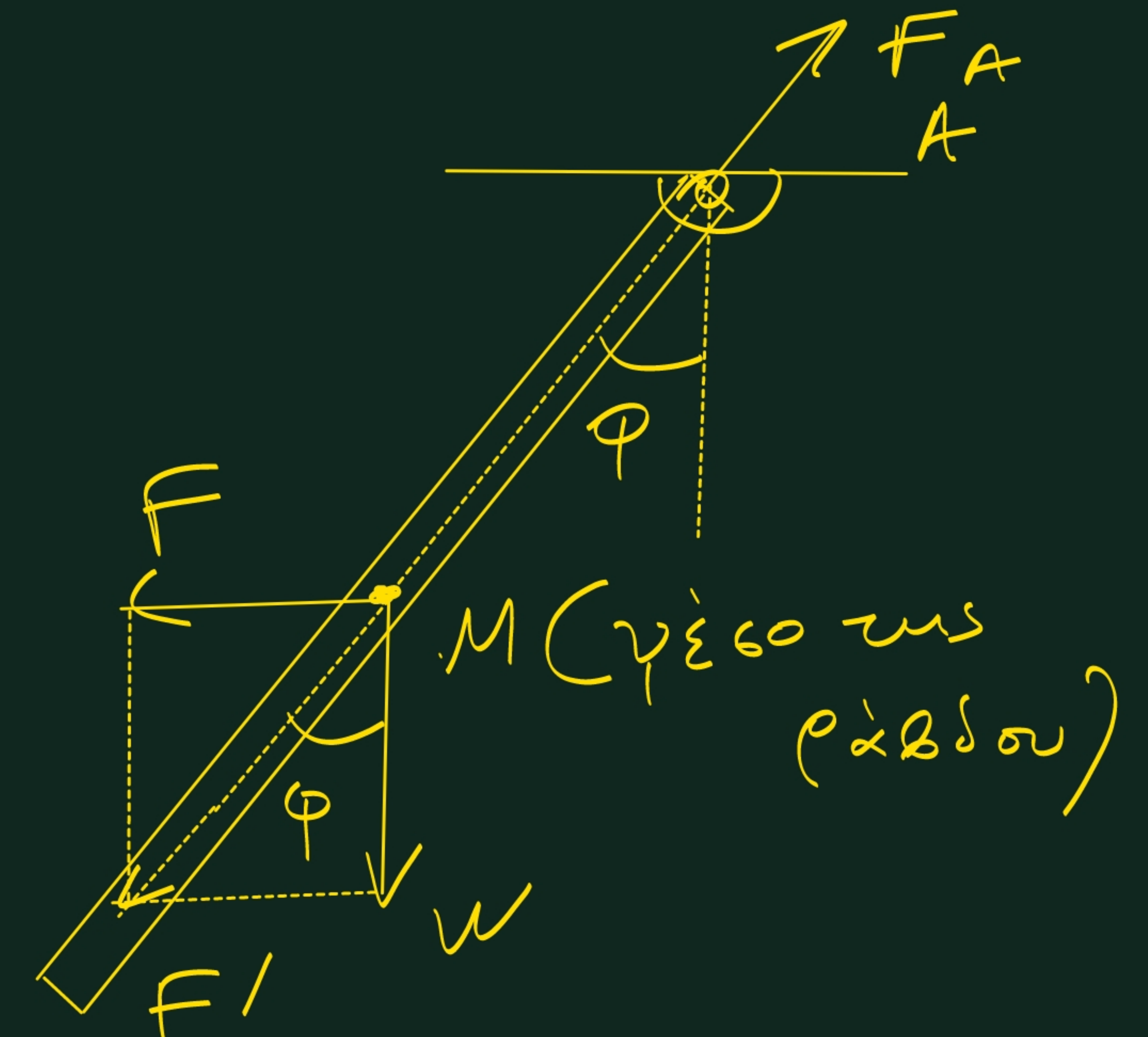
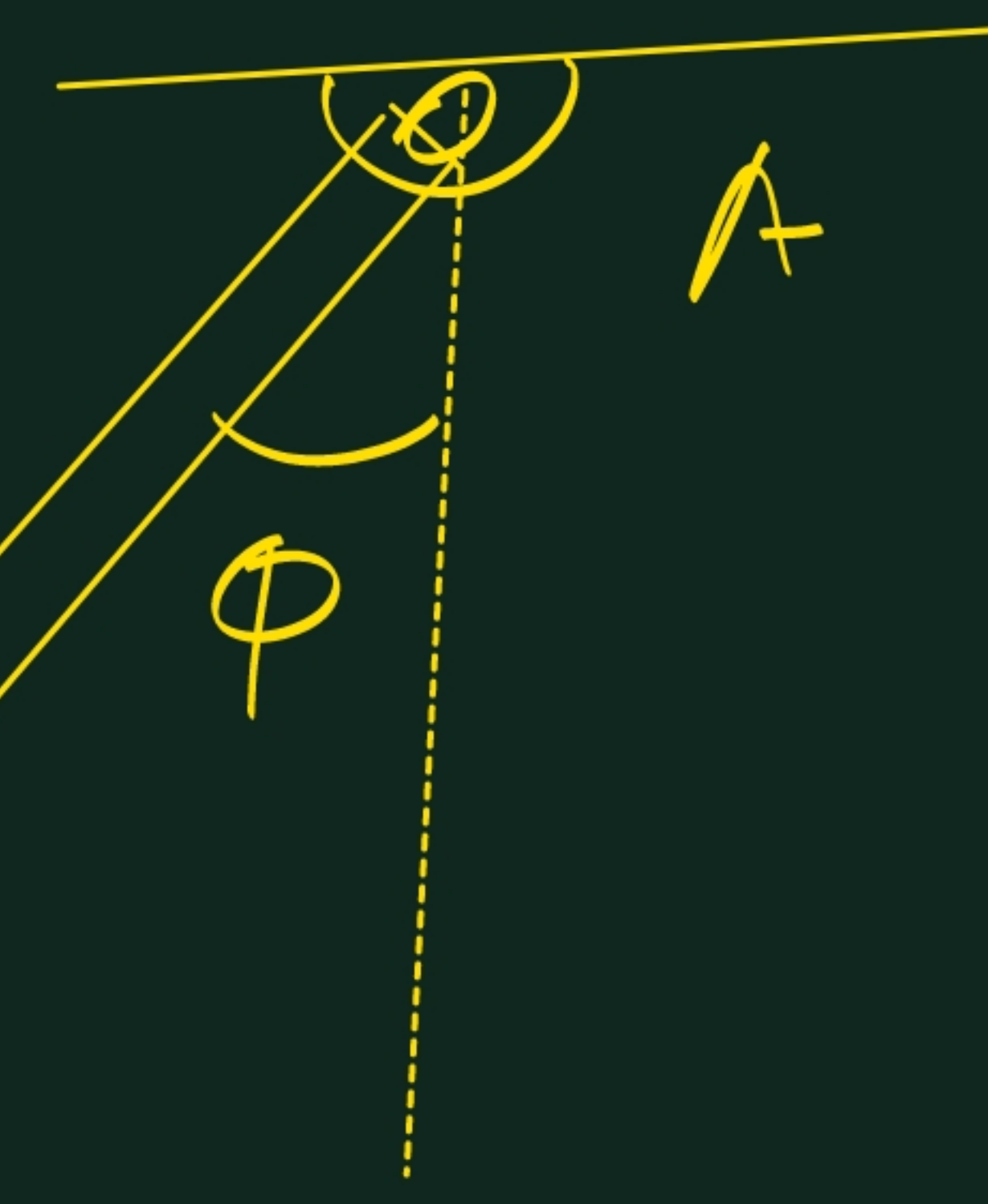
Asu 4.164



Συνενώω:

$$F^2 + W^2 = F_A^2$$

$$\varepsilon\phi\phi = \frac{F}{W} \Rightarrow F = W \cdot \varepsilon\phi\phi$$



α) Οι δυνάμεις $\vec{F}$ και $\vec{W}$ συντρέκουν στο γέσο Μ της ράβδου, οπότε και η $\vec{F}_A$ έχει φορά που διέρχεται από το Μ, όπως στο σχήμα.

$$\vec{F} + \vec{W} = \vec{F}_A, \quad \text{αλλά } \vec{F}'_A = -\vec{F}_A$$

$$F'_A = F_A = 50\text{N}$$

$$\cos \varphi = \frac{W}{F_A'} = \frac{W}{F_A} \Rightarrow$$

$$0,6 = \frac{W}{50} \Rightarrow W = 30 \text{ N} \Rightarrow$$

$$mg = 30 \Rightarrow m = 3 \text{ kg}.$$

β) i) Βάρος τροχαλίας

$$W = 15 \text{ N}$$

$$R_1 = R$$

$$\Delta \ell = 0,3 \text{ m}$$

$$R_2 = 2R$$

$$A \Delta = \frac{2\ell}{3}$$