

Asu. 5.202 (3^ο Θέμα 2022)

a) Αproximá ο (δ_1) είναι υπερακτός
και ο (δ_2) ανοιχτός.

$$I = \frac{E}{R_{K1} + r} \Rightarrow$$

$$I = \frac{9}{2+1} = 3 \text{ A.}$$

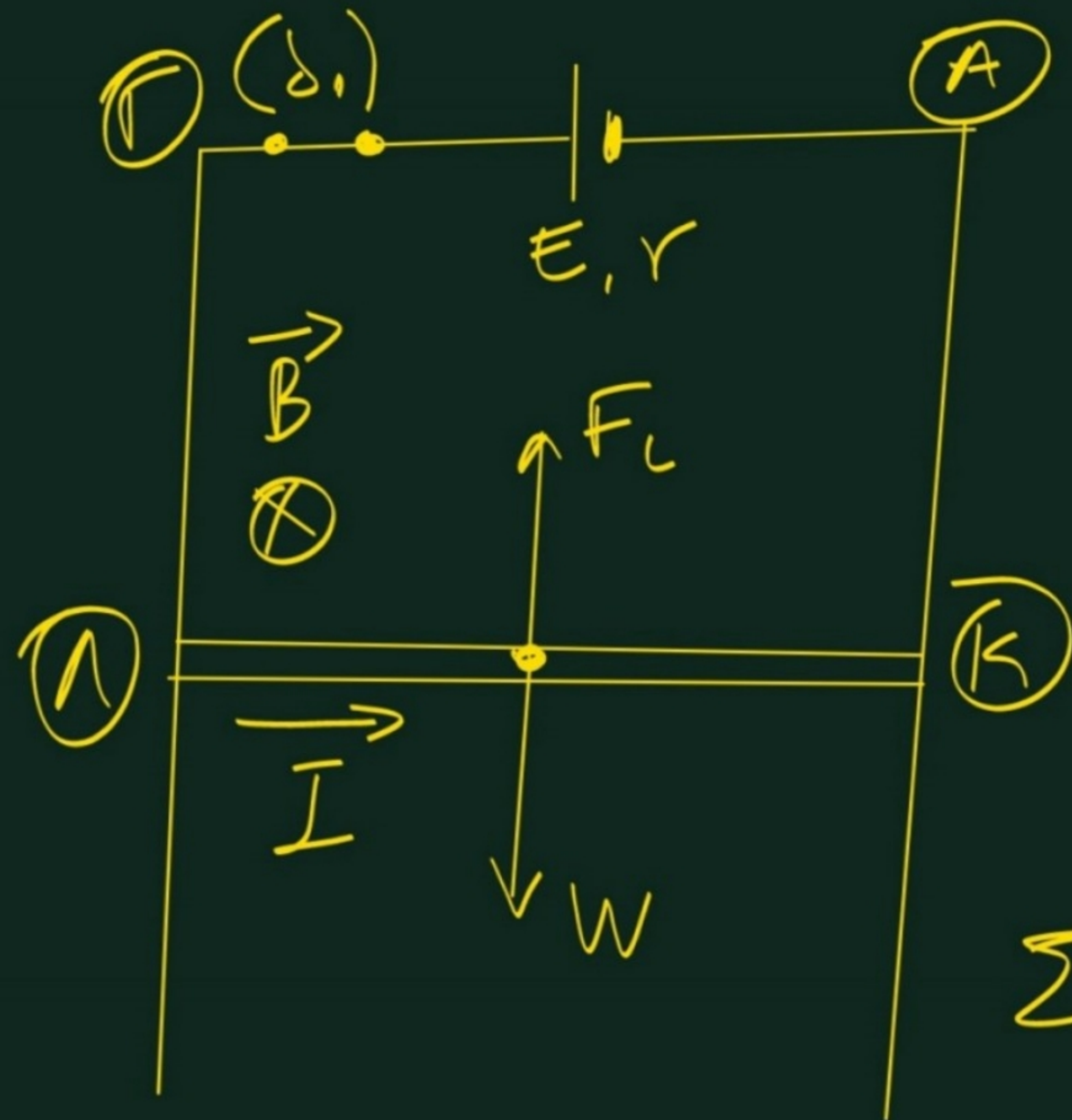
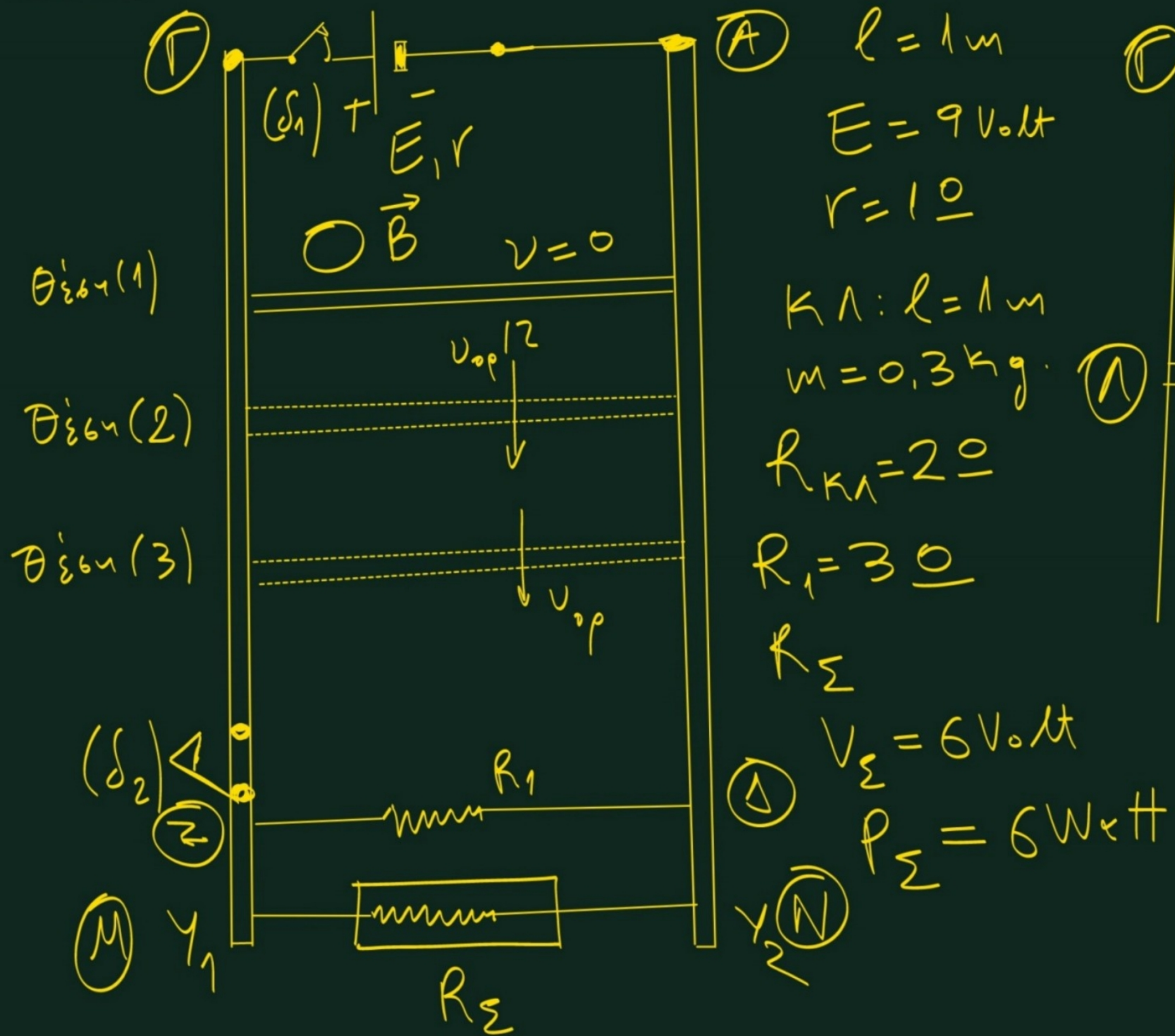
$$F_L = B I \ell = B \cdot 3 \cdot 1 \Rightarrow$$

$$F_L = 3B$$

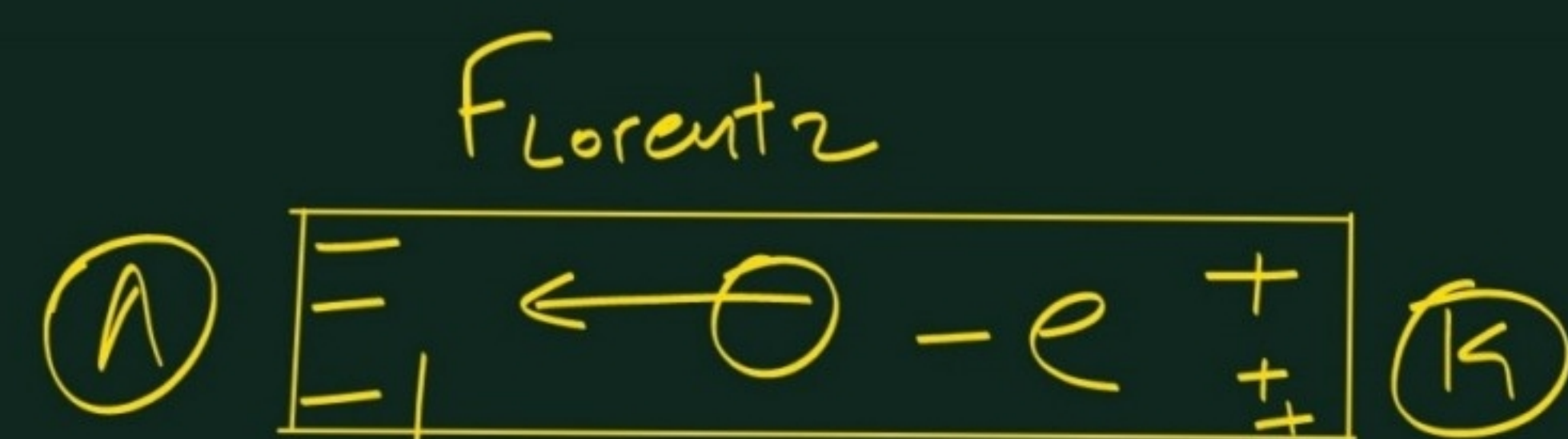
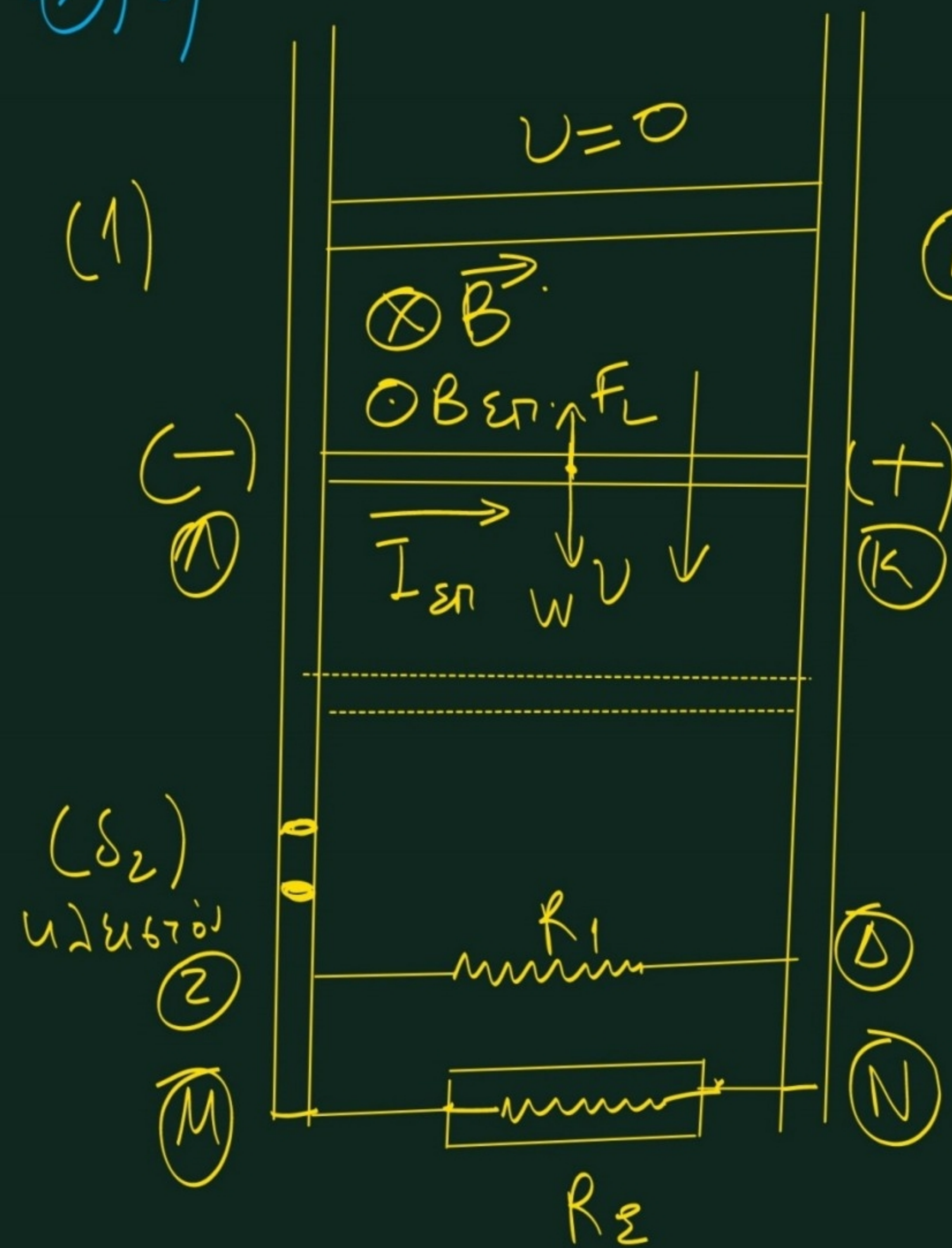
$$W = mg = 0,3 \cdot 10 = 3 \text{ N}$$

$$\Sigma F = 0 \Rightarrow F_L = W \Rightarrow$$

$3B = 3 \Rightarrow B = 1 \text{ Tesla}$
 γε φορὰ ἡρῶται γίῃα.



β) i)



$$P_{\Sigma} = \frac{V_{\Sigma}^2}{R_{\Sigma}} \Rightarrow 6 = \frac{6^2}{R_{\Sigma}}$$

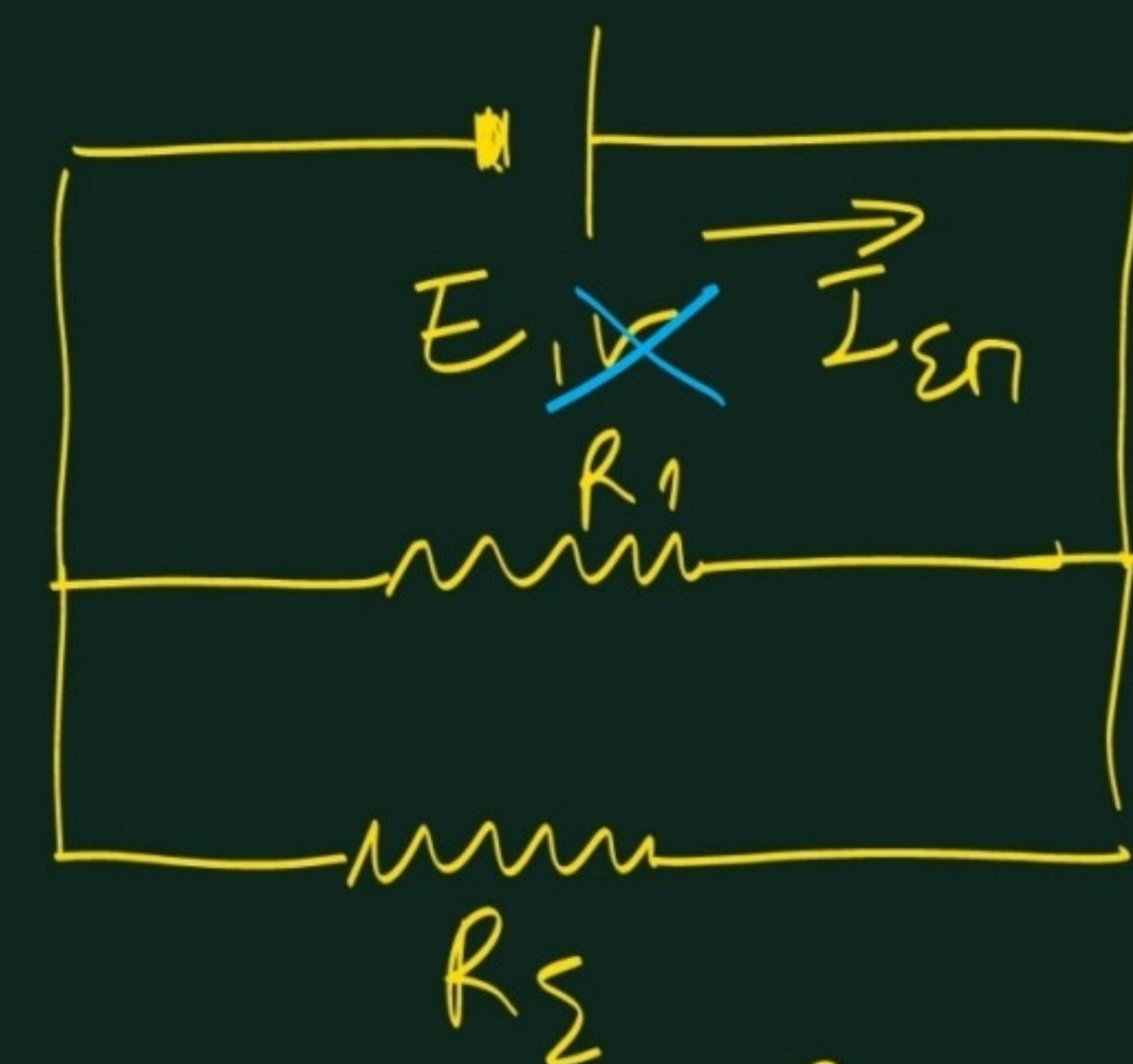
$$R_{\Sigma} = 6 \Omega$$

Για τον ΚΑ έχουμε:

$$\Sigma F = W - F_L \Rightarrow m\alpha = mg - B I_{en} l = mg - B \frac{E}{R_{\Sigma}} \cdot l \Rightarrow$$

$$m\alpha = mg - B \frac{B l v}{R_{\Sigma}} \cdot l \Rightarrow m\alpha = mg - \frac{B^2 l^2}{R_{\Sigma}} \cdot v$$

Γεγονός από υδυναμική:



$$E = B v l$$

$$r \rightarrow R_{KA} = 2 \Omega$$

$$R_{\Sigma} = R_{KA} + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = 2 + \frac{3 \cdot 6}{3 + 6} =$$

$$R_{\Sigma} = 2 + 2 = 4 \Omega$$

(ii) Στην θέση (2) έχουμε:

$$\Sigma F = mg - B I_{\text{en}} \ell = 0$$

$$\frac{\Delta p}{\Delta t} = mg - B \frac{B \ell v}{R_{\text{eq}}} \cdot \ell = 0$$

$$\frac{\Delta p}{\Delta t} = mg - \frac{B^2 \ell^2 v_{\text{op}}}{2 R_{\text{eq}}} = 0$$

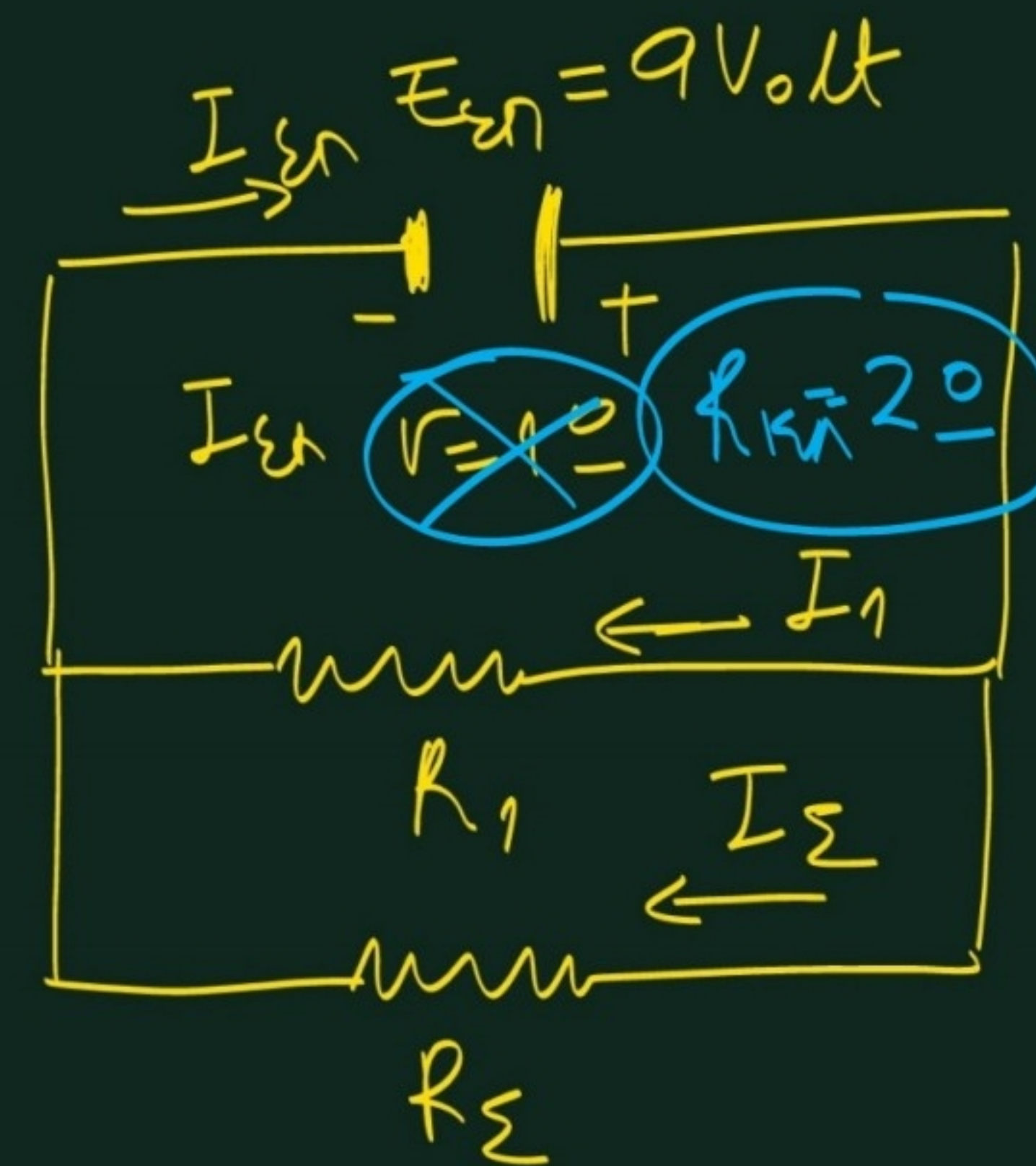
$$\frac{\Delta p}{\Delta t} = 0,3 \cdot 10 - \frac{1 \cdot 1 \cdot 10}{2 \cdot 2} = 3 - 1,5 = 1,5$$

$$\frac{\Delta p}{\Delta t} = 1,5 \text{ N ή kg} \cdot \text{m/s}^2$$

(iii)

Όταν η ταχύτητα γίνει ορισμένη η τάση στα άκρα του αγωγού εξισορροπείται:

$$I_{\text{en}} = \frac{B \ell v_{\text{op}}}{R_{\text{eq}}} = \frac{1 \cdot 1 \cdot 10}{2} = 5 \text{ A}$$



$$I_1 R_1 = I_2 R_2 = 0$$

$$3 I_1 = 6 I_2 \Rightarrow$$

$$I_1 = 2 I_2$$

$$I_1 + I_2 = I_{\text{en}} = 5$$

$$3 I_2 = 5 \Rightarrow I_2 = 1,67 \text{ A}$$

$$V_2 = I_2 R_2 = 1,67 \cdot 6 = 10 \text{ Volt}$$

άρα λειτουργεί κανονικά.

$$i(t) = I \cdot \omega \cos \omega t$$

$$v(t) = V \cdot \omega \sin \omega t$$

$$V = I \cdot R$$

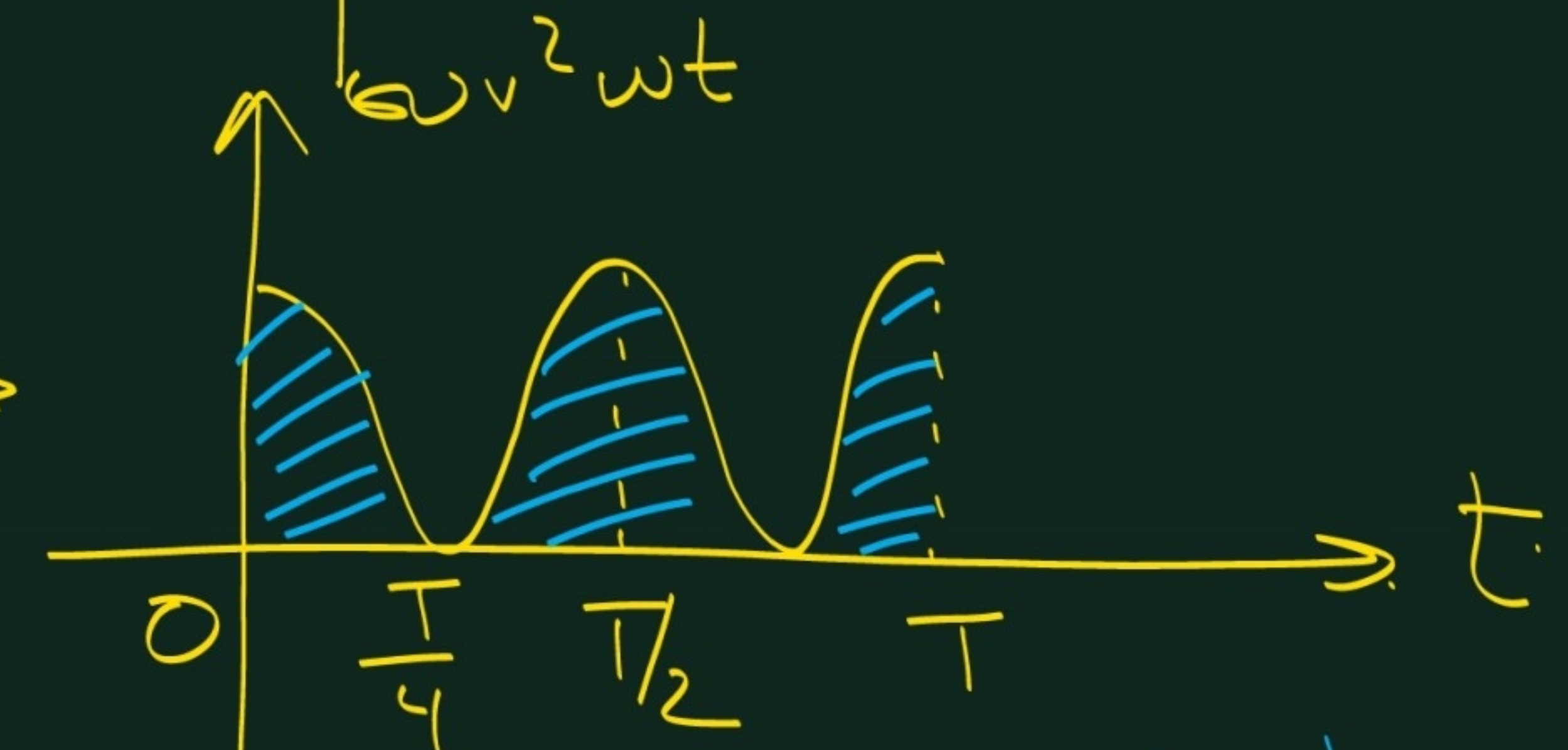
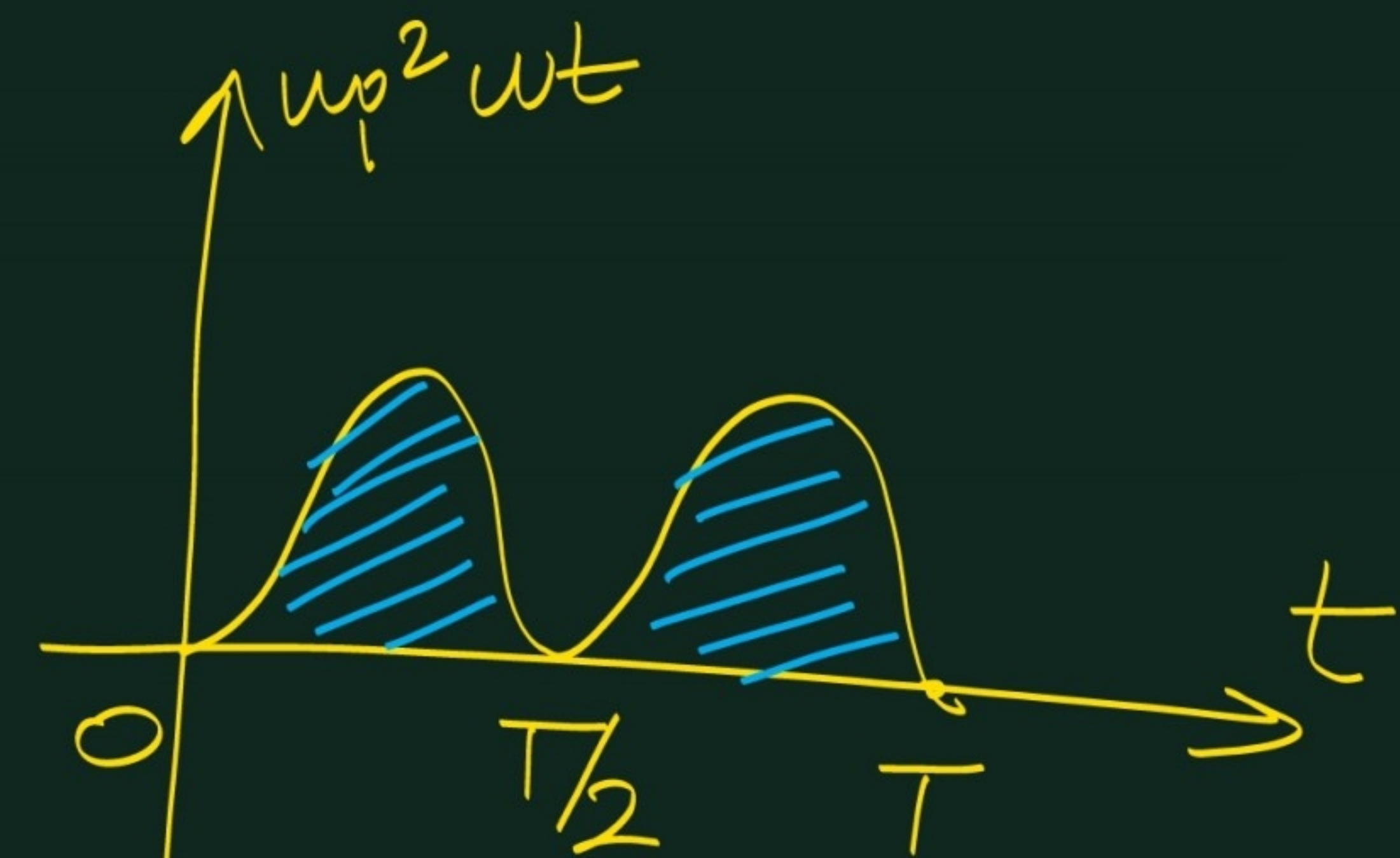
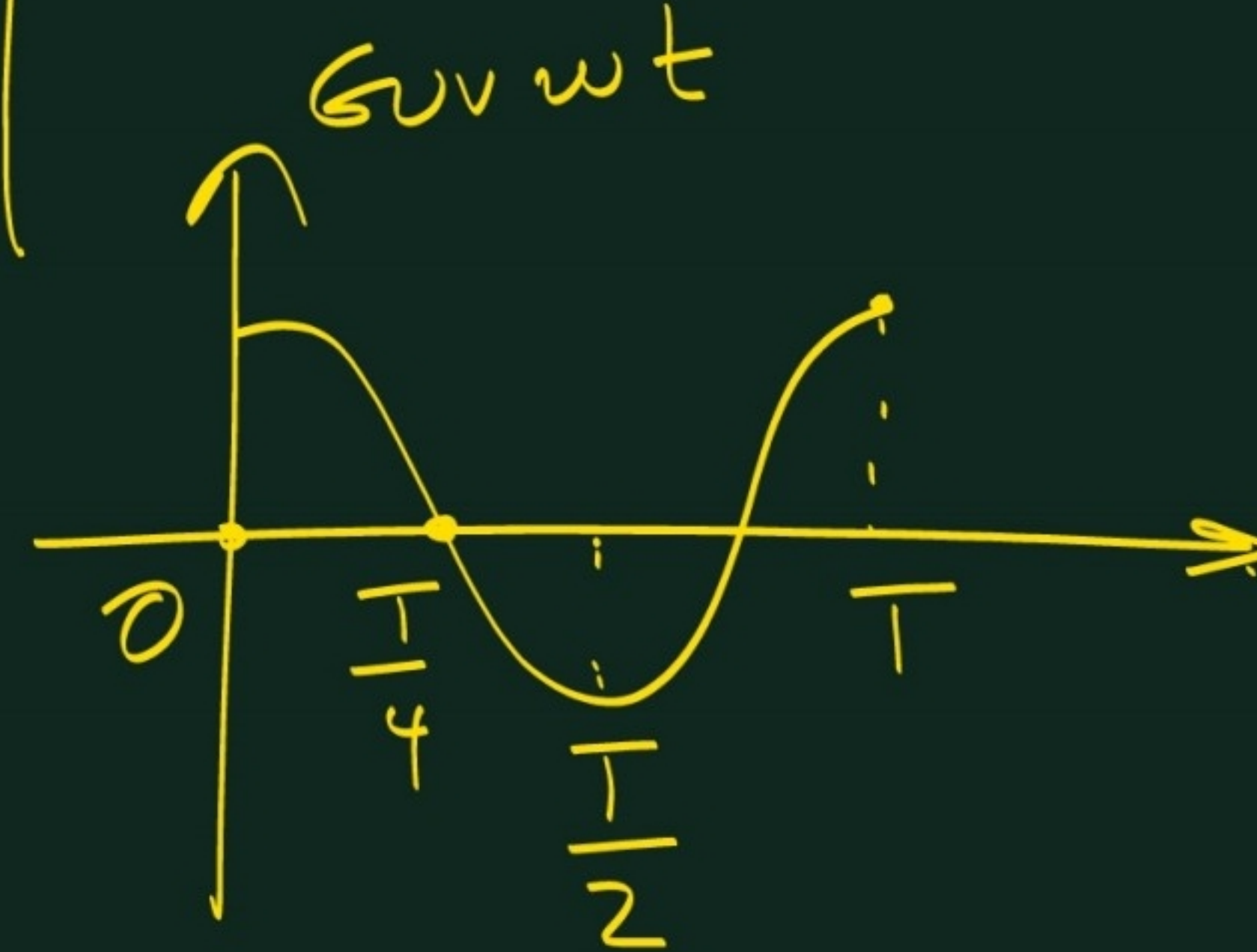
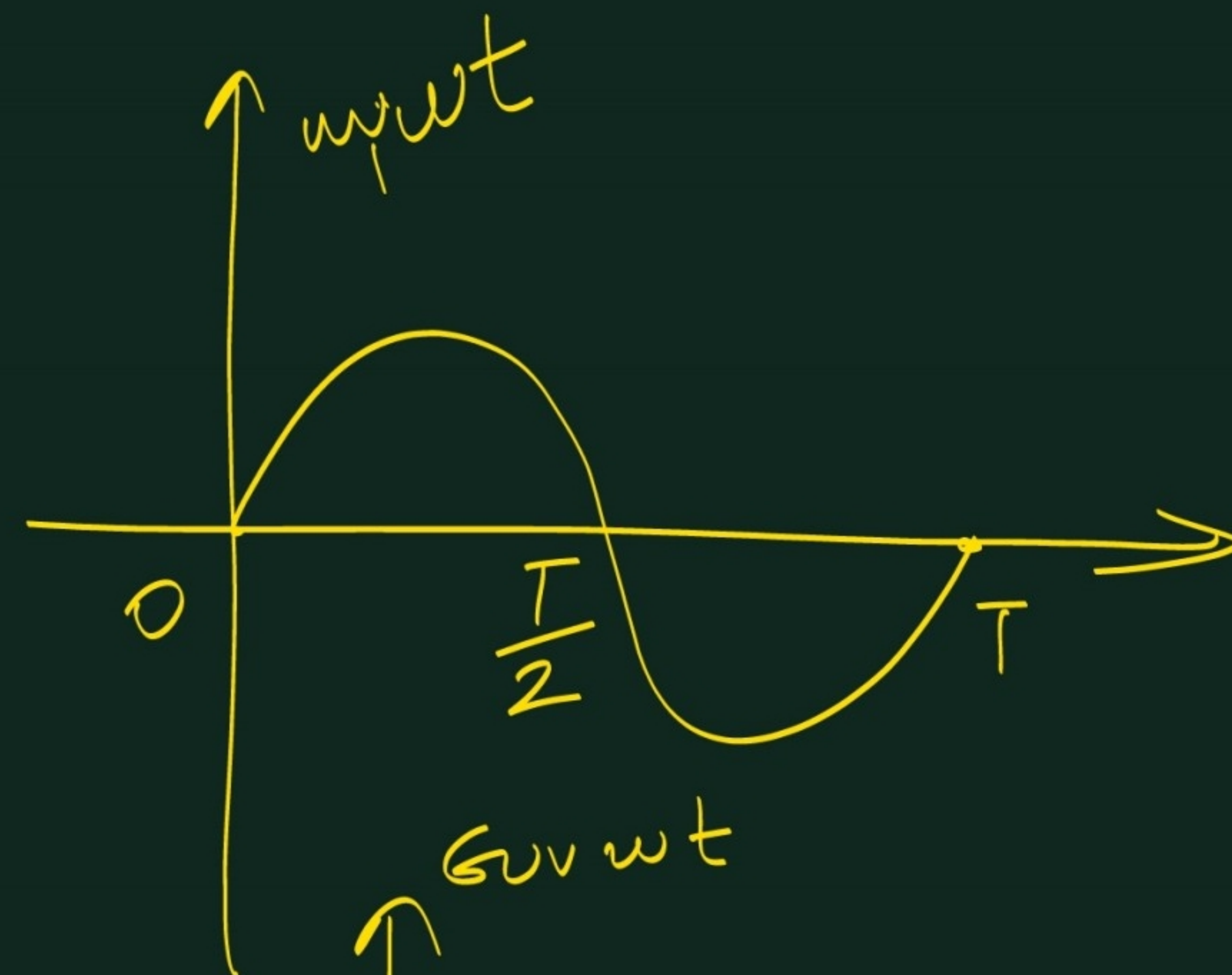
$$p = i^2 R = I^2 \cdot \omega^2 \cos^2 \omega t \cdot R$$

$p = \text{σαρηιαία ισχύς.}$

$$\text{Άρα: } \frac{\Delta Q}{\Delta t} = I^2 R \cdot \omega^2 \cos^2 \omega t =$$

$$\Delta Q = I^2 R \cdot \omega^2 \cos^2 \omega t \cdot \Delta t \Rightarrow$$

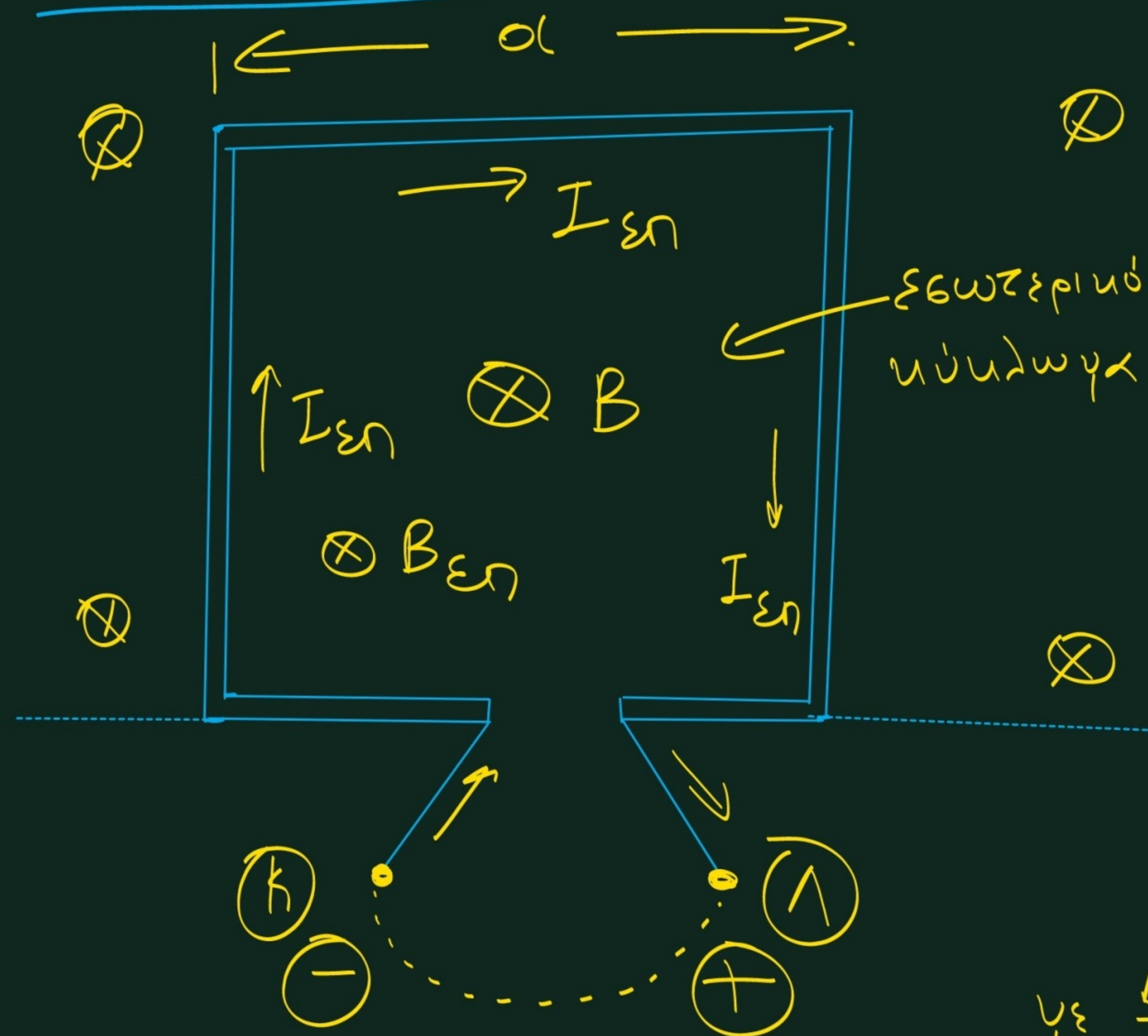
$$\sum_{t=0}^T \Delta Q = I^2 R \cdot \sum_{t=0}^T \omega^2 \cos^2 \omega t \cdot \Delta t \Rightarrow Q = I^2 R \cdot \frac{1}{2} T$$



$T \propto \text{πηλες εμβαδών είναι ίσα.}$

$$\text{Άρα: } \underbrace{\sum_0^T \omega^2 \cos^2 \omega t \cdot \Delta t = \sum_0^T \omega^2 \sin^2 \omega t \cdot \Delta t}_{\text{πηλες εμβαδών.}}$$

Αδμ. 5.1915.



$$\alpha = 20 \text{ cm} = 2 \cdot 10^{-1} \text{ m}$$

$$N = 10 \text{ πύρες}$$

$$S = 2 \text{ mm}^2 = 2 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2$$

$$\rho = 10^{-6} \Omega \cdot \text{m}$$

Το $\vec{B}$ έχει φορά πάντα προς τα γέσα.

$t=0$ ελαττώνεται

$$\text{υε } \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| = 0,5 \text{ T/sec}$$

από $B_0 = 2 \text{ T}$.

Μετά αυξάνεται

$$\text{υε } \frac{\Delta B}{\Delta t} = 0,5 \text{ T/sec}$$

υέχρι $B_2 = 4 \text{ Tesla}$

α) Το $\vec{B}$ έχει φορά προς τα γέσα και γειώνεται.

Άρα το $I_{\epsilon\eta}$ έχει τη δεξιόστροφη φορά που φαίνεται στο σχήμα.

Αλλά το πλαίσιο αποτελεί το εξωτερικό κύκλωμα, οπότε το υποθεθέν $I_{\epsilon\eta}$ κυλάει από το

$\ominus$ στο $\oplus$.

Άρα: $\ominus \rightarrow \text{K}$

και $\oplus \rightarrow \text{Λ}$

$$\mathcal{E}_{\epsilon\eta} = N \cdot \left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = 10 \cdot 0,5 = 5 \cdot 4 \cdot 10^{-2} = 0,2 \text{ Volt}$$

$$R_n = \rho \cdot \frac{l}{S} = 10^{-6} \cdot \frac{N \cdot 4a}{2 \cdot 10^{-6}} = \frac{10 \cdot 4 \cdot 2 \cdot 10^{-1}}{2} = 40$$

$$i) \quad Q = N \cdot \frac{|\Delta\Phi_1|}{R_{01}} + N \cdot \frac{|\Delta\Phi_2|}{R_{02}} = \frac{N}{R_{02}} \left(|0 - B_0 a^2| + |B_2 a^2 - 0| \right) \Rightarrow$$

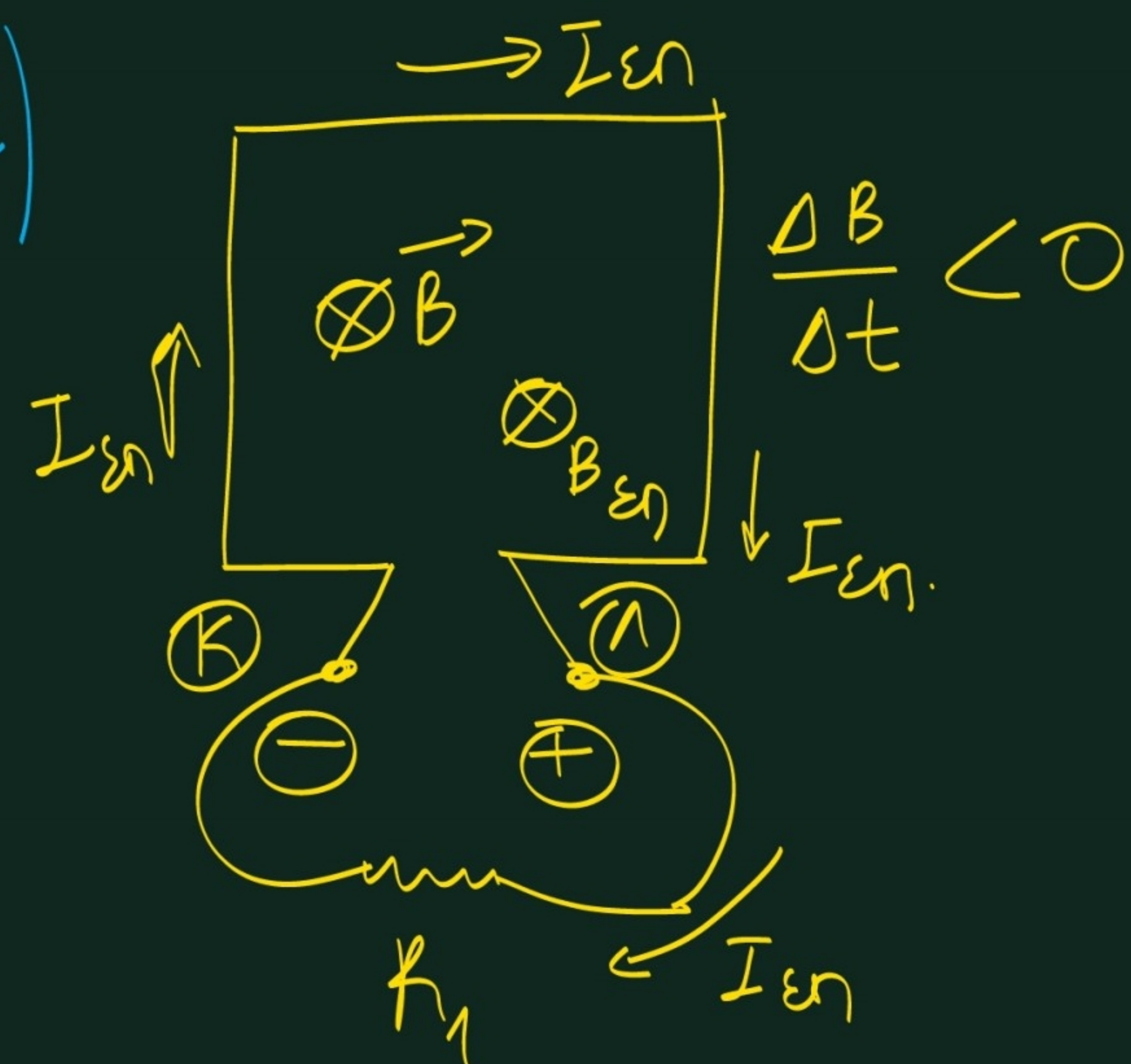
$$Q = \frac{N}{R_{02}} \cdot a^2 (B_0 + B_2) = \frac{10}{R_n + R_1} \cdot (2 \cdot 10^{-1})^2 \cdot (2 + 4) = \frac{10}{10} \cdot 4 \cdot 10^{-2} \cdot 6 \Rightarrow$$

$$Q = 0,24 \text{ Cb}.$$

$$Q = -N \frac{\Delta\Phi_1}{R_{01}} - N \frac{\Delta\Phi_2}{R_{02}} = -\frac{N}{R_{02}} (\Delta\Phi_1 + \Delta\Phi_2) = -\frac{N}{R_{02}} ((0 - B_0 a^2) + (B_2 a^2 - 0)) =$$

$$= -\frac{N}{R_{02}} \cdot (B_2 - B_0) a^2 = -\frac{10}{10} \cdot (4 - 2) \cdot 4 \cdot 10^{-2} = -2 \cdot 10^{-2} = -8 \cdot 10^{-2} \text{ Cb}$$

ii)

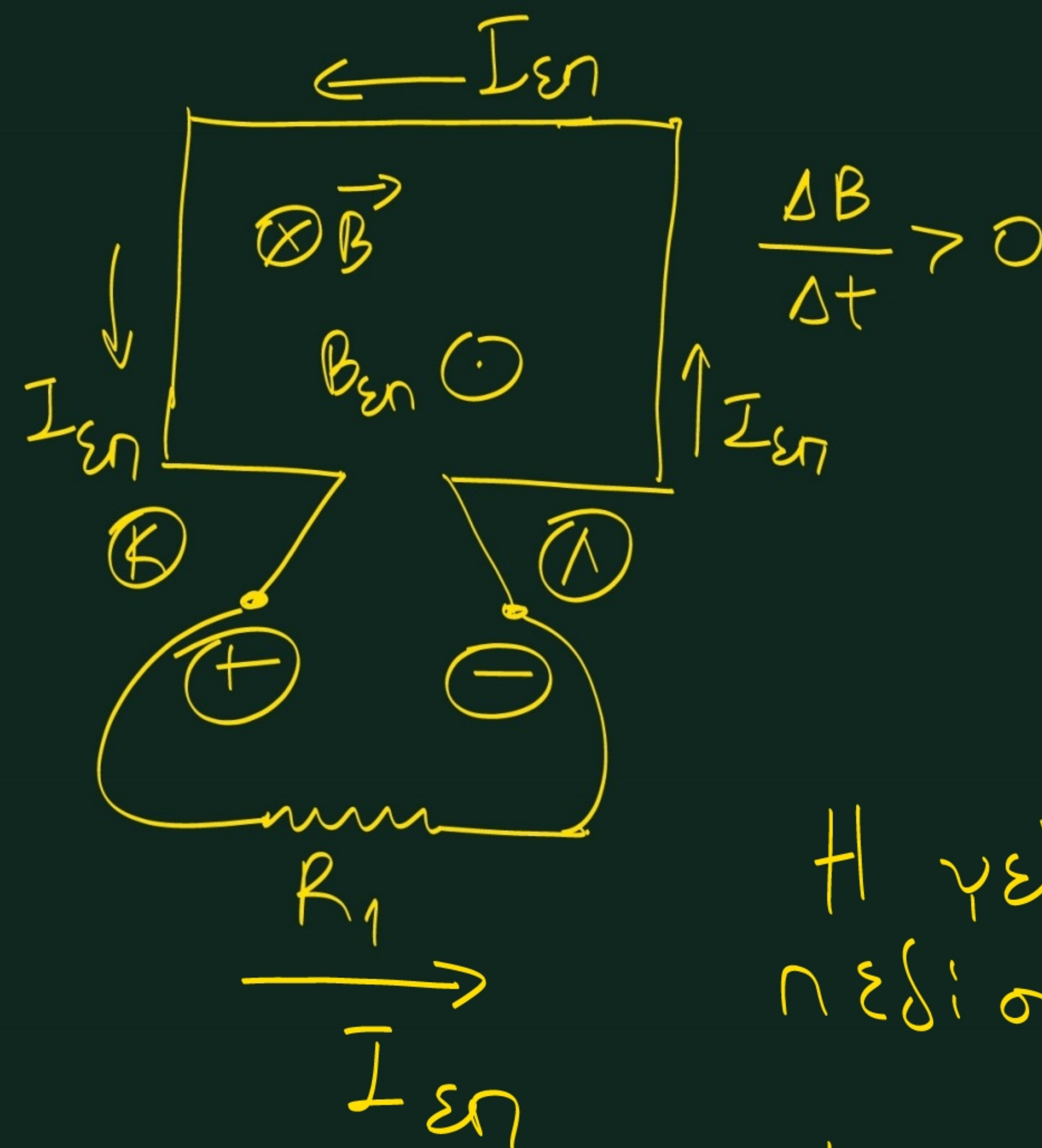


$$I_{\text{ind}} = \frac{E_{\text{ind}}}{R_1 + r_1} = \frac{0,2}{10} = 0,02 \text{ A}$$

$$V_A - I_{\text{ind}} R_1 = V_K \Rightarrow V_K - V_A = -I_{\text{ind}} R_1 \Rightarrow$$

$$V_K - V_A = -0,12 \text{ Volt}$$

$$\text{Επίσης: } V_{KA} = V_K - V_A$$



$$V_K - I_{\text{ind}} R_1 = V_A \Rightarrow$$

$$V_K - V_A = I_{\text{ind}} R_1 \Rightarrow$$

$$V_K - V_A = +0,12 \text{ Volt}$$

Η πείρα του γαλβανόμετρου
η εδίου διαρυσεί ενί χρόνο t_1 :

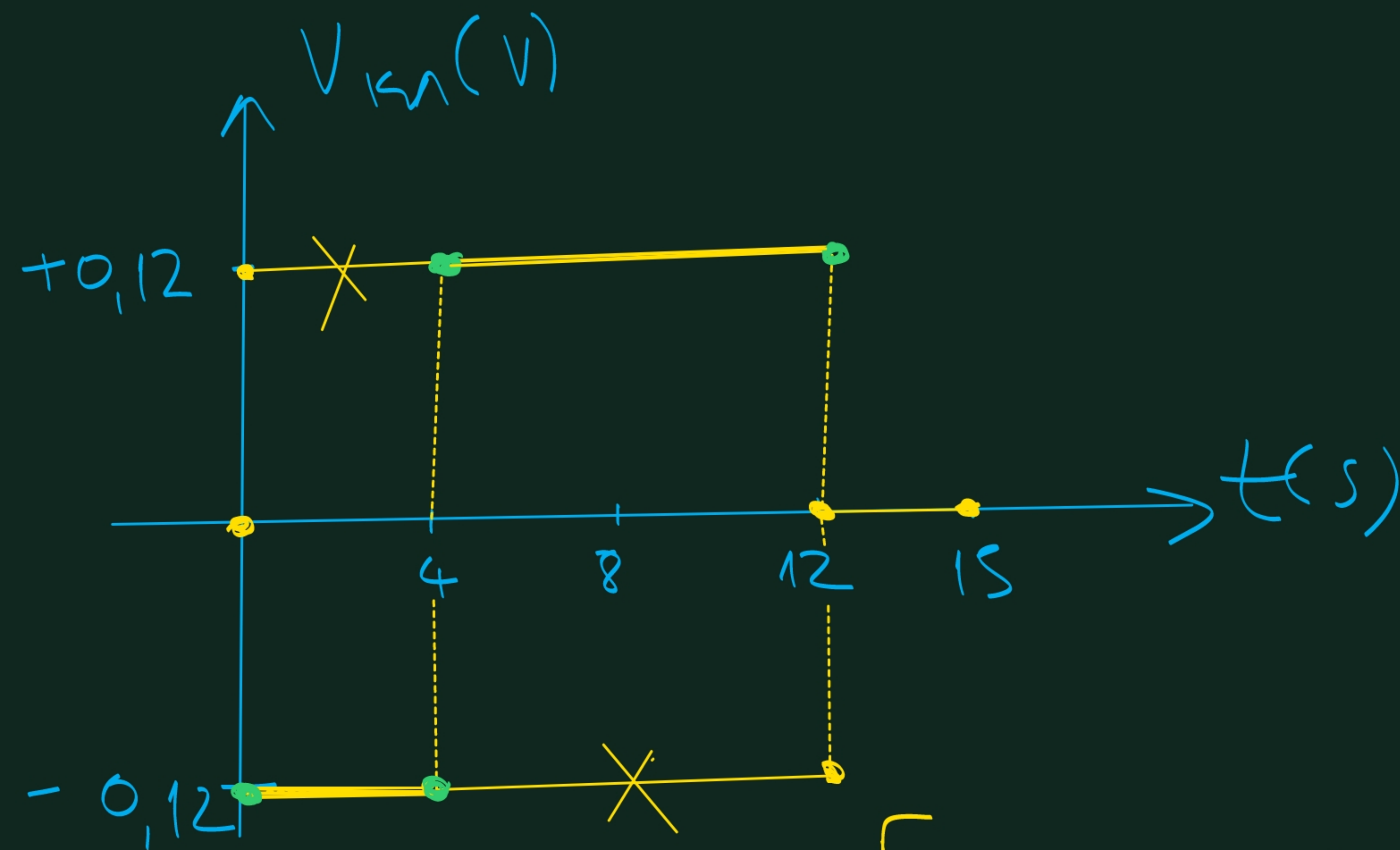
$$t_1 = \frac{2}{0,5} = 4 \text{ sec}$$

και η αύξηση διαρυσεί ενί
χρόνο t_2 :

$$t_2 = \frac{4}{0,5} = 8 \text{ sec}$$

Αρα:

$$V_{Kn} = \begin{cases} -0,12 \text{ Volt} & \text{αν } 0 \leq t < 4 \text{ sec} \\ +0,12 \text{ Volt} & \text{αν } 4 \leq t < 12 \text{ sec} \\ 0 \text{ Volt} & \text{αν } 12 \leq t \leq 15 \text{ sec} \end{cases}$$



iii) Για τον αντιστάτη:

$$Q_n = I_{En}^2 R_n \cdot t_1 + I_{En}^2 R_n \cdot t_2 =$$

$$= I_{En}^2 R_n (t_1 + t_2) =$$

$$= 0,02^2 \cdot 4 \cdot 12 = 4 \cdot 10^{-4} \cdot 48 \Rightarrow$$

$$Q_n = 192 \cdot 10^{-4} \Rightarrow Q_n = 1,92 \cdot 10^{-2} \text{ Joule}$$

Για τον αντιστάτη R_1 : $Q_1 = I_{En}^2 R_1 (t_1 + t_2) = 4 \cdot 10^{-4} \cdot 6 \cdot 12 =$
 $= 2,88 \cdot 10^{-2} \text{ Joule}$

Αυτεπαγωγή.

$$E_{\omega\tau} = -L \frac{\Delta i}{\Delta t}$$

απώσθη τάση στο ρυθίο:

$$V_L = L \cdot \frac{\Delta i}{\Delta t}$$

Άρα: $E_{\omega\tau} = -V_L$

Μαγνητικό πεδίο ρυθίου:

$$B = \mu \mu_0 n i$$

$$U_L = \frac{1}{2} L i^2 \rightarrow K = \frac{1}{2} m v^2$$

$$E_{\omega\tau} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = -N \frac{\Delta(BA)}{\Delta t} =$$

$$= -NA \frac{\Delta B}{\Delta t} = -NA \frac{\Delta(\mu \mu_0 n i)}{\Delta t} =$$

$$= -NA \mu \mu_0 n \frac{\Delta i}{\Delta t} = -L \frac{\Delta i}{\Delta t}$$

Άρα: $L = NA \mu \mu_0 n$

όπου $n = \frac{N}{\ell}$ και $A = \text{εμβαδόν διατομής ρυθίου.}$

